

## 1 集合演算と論理結合子

集合演算と論理結合子の関係は7ページの演算の定義からわかる。

$$x \in A \cap B \leftrightarrow x \in A \text{ and } x \in B \leftrightarrow x \in A \wedge x \in B$$

$$x \in A \cup B \leftrightarrow x \in A \text{ or } x \in B \leftrightarrow x \in A \vee x \in B$$

$$x \in A - B \leftrightarrow x \in A \wedge \neg x \in B$$

$$x \in A^c \leftrightarrow x \in U \wedge \neg x \in A \text{ または}$$

$$\leftrightarrow \neg x \in A$$

## 2 等式

集合の等式(たとえば8ページの命題1.2)の証明は対応する論理結合子の性質(100ページ命題3.1)を使う。

例

吸収律  $A \cup (A \cap B) = A$ :  $\forall, \wedge$  に関する吸収率により任意の要素  $x$  について、 $x \in A \cup (A \cap B) \leftrightarrow x \in A \vee (x \in A \wedge x \in B) \leftrightarrow x \in A$

ド・モルガンの法則  $x \in (A \cup B)^c \leftrightarrow \neg x \in (A \cup B) \leftrightarrow \neg x \in A \wedge \neg x \in B \leftrightarrow x \in A^c \wedge x \in B^c \leftrightarrow x \in A^c \cap B^c$

103ページ命題3.3に対応する演算の等式

$$A \cup B = (A^c \cap B^c)^c$$

$$A \cap B = (A^c \cup B^c)^c$$

$$(A \cup B^c)^c = A^c \cap B$$

$$(A^c)^c = A$$

## 3 例

$A == \{rose, silktree, azalea, lilac, wisteria, hydrangea, dandelion, rhododendron, violet, magnolia, cherryblossom, peachblossom, umeblossom, daffodil\}$

$B == \{x|x \text{ は早春に咲く花}\}$

$C == \{x|x \text{ は春に咲く花}\}$

$D == \{x|x \text{ は5月、6月に咲く花}\}$

$A \cap B = \{umeblossom, daffodil\}$

$A \cap C = \{dandelion, violet, magnolia, cherryblossom, peachblossom\}$

$A \cap D = \{rose, silktree, azalea, lilac, wisteria, hydrangea, rhododendron\}$

$A = B \cup C \cup D$

$B \cap C = \phi$

$U = \{x \mid x \text{ は花} \}$

$U$  を全体集合とすると、 $sunflower \in A^c = U - A$